

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ПОВОЛЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ



УТВЕРЖДАЮ
Директор ИММ

УТВЕРЖДАЮ /Н.П. Сютлов/
(Ф.И.О. декана (директора института))

11.03.2024 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Б.1.1.9 Математика

(код и наименование дисциплины по учебному плану)

Направление подготовки
(специальность)

35.03.06 Агроинженерия

Квалификация выпускника

Бакалавр

(бакалавр/магистр/специалист)

Направленность

Искусственный интеллект в агроинженерии

Курс 1, 2

Семестр 1, 2, 3

Распределение учебного времени

Трудоемкость по учебному плану	324 / 9	часов/зачетных единиц
Лекции	14	часов
Лабораторные работы	-	часов
Практические занятия	18	часов
Иная контактная работа	-	часов
Всего контактной работы (без учета экз.)	32	часов
Контактная работа по экзамену	6	часов
Курсовой проект (работа)	-	семестр
Самостоятельная работа обучающихся (без учета экз.)	220	часов
Самостоятельная работа по подготовке к экзамену	30	часов
Экзамен	2, 3	семестр
Зачет	-	семестр
БРК, ДЗ	-	семестр

(год)

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО направления подготовки (специальности) 35.03.06 Агроинженерия

Программу составили:

старший преподаватель	ВМ	СОГЛАСОВАНО	Ю.А. Ведерникова
(должность)	(кафедра)		(И.О. Фамилия)

РАССМОТРЕНА и ОДОБРЕНА на заседании кафедры, за которой закреплена дисциплина
Кафедра высшей математики

		(наименование кафедры)	
24.01.2024	протокол №	5	
(дата)			
Заведующий кафедрой	СОГЛАСОВАНО	В.А. Иванов	
		(И.О. Фамилия)	

Рабочая программа СОГЛАСОВАНА с факультетом (институтом), выпускающей(ими) кафедрой(ами).

СООТВЕТСТВУЕТ действующей ОП.

Заведующий кафедрой	СОГЛАСОВАНО	Д.В. Костромин
		(И.О. Фамилия)

Председатель методической комиссии факультета (института), в который входит выпускающая кафедра

СОГЛАСОВАНО	А.А. Медяков
	(И.О. Фамилия)

Эксперт(ы): Усков Юрий Викторович, Генеральный директор ООО "Ричмедиа"

Рабочая программа проверена и зарегистрирована в УМЦ 12.03.2024 г.

Специалист учебно-методического центра СОГЛАСОВАНО /Т.А. Смирнова/

Раздел 1. ЦЕЛЬ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Целью освоения дисциплины является достижение планируемых результатов обучения, соответствующих установленным в ОПОП индикаторам достижения компетенций:

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Результаты обучения
1. УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК-1.1 Выполняет поиск необходимой для решения поставленной задачи информации, её критический анализ, обобщение и представление на основе знаний естественно-научных дисциплин и современных информационных технологий	знания: знает механизмы и методики поиска необходимых для решения поставленной задачи, способы анализа и синтеза информации, включающие системный подход в области образования умения: умеет использовать основные законы математических и естественнонаучных дисциплин; применять системный подход для решения стандартных задач в области Лесного дела навыки: владеет навыками поиска необходимой информации для решения стандартных задач в области Лесного дела
	УК-1.2 Систематизирует обнаруженную информацию, полученную из разных источников, в соответствии с требованиями и условиями задачи	знания: знает механизмы и способы анализа и систематизации информации для решения поставленной задачи умения: умеет находить и критически анализировать информацию, необходимую для решения поставленной задачи навыки: владеет механизмами поиска информации, в том числе с применением современных информационных и коммуникационных технологий
	УК-1.3 Выбирает оптимальный вариант решения задачи, аргументируя свой выбор	знания: знает способы поиска источников информации, необходимых для решения поставленной задачи умения: умеет использовать различные типы поисковых запросов, рассматривать их возможные достоинства и недостатки навыки: владеет способностью поиска информации для решения поставленной задачи по различным типам запросов
	УК-1.4 Разрабатывает варианты решения проблемной ситуации на основе системного подхода и критического анализа доступных источников	знания: знает возможные варианты решения типовых задач умения: умеет обосновывать варианты решений поставленных задач навыки: владеет способностью предлагать варианты решения поставленной задачи недостатки

	УК-1.5 Формулирует и аргументирует выводы и суждения, в том числе с применением философского понятийного аппарата	знания: знает основные различия между фактами, мнениями, интерпретациями и оценками умения: умеет формировать собственное мнение о фактах, мнениях, интерпретациях и оценках информации навыки: владеет способностью формировать и аргументировать свои выводы и точку зрения
2. ОПК-1 Способен решать типовые задачи профессиональной деятельности на основе знаний основных законов математических и естественных наук с применением информационно-коммуникационных технологий	ОПК-1.1 Демонстрирует знание основных законов математических, естественнаучных и общепрофессиональных дисциплин, необходимых для решения типовых задач в области профессиональной деятельности	знания: знает основные законы математических, естественнаучных и общепрофессиональных дисциплин, необходимых для решения типовых задач в области профессиональной деятельности умения: умеет применять знание основных законов математических, естественнаучных и общепрофессиональных дисциплин, необходимых для решения типовых задач в области профессиональной деятельности навыки: владеет навыками и методами применения знаний основных законов математических, естественнаучных и общепрофессиональных дисциплин, необходимых для решения типовых задач в области профессиональной деятельности
	ОПК-1.2 Использует знания основных законов математических и естественных наук для решения стандартных задач в профессиональной деятельности	знания: знает способы и методы использования знаний основных законов математических и естественных наук для решения стандартных задач в профессиональной деятельности умения: умеет использовать знания основных законов математических и естественных наук для решения стандартных задач в профессиональной деятельности навыки: владеет навыками использования знаний основных законов математических и естественных наук для решения стандартных задач в профессиональной деятельности
	ОПК-1.3 Применяет информационно-коммуникационные технологии в решении типовых задач профессиональной деятельности	знания: знает способы и методы применения информационно-коммуникационных технологий в решении типовых задач профессиональной деятельности умения: умеет применять информационно-коммуникационные технологии в решении типовых задач профессиональной деятельности навыки: владеет навыками применения информационно-коммуникационных технологий в решении типовых задач профессиональной деятельности

Раздел 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Дисциплина относится к обязательной части ОПОП.

Дисциплина является обязательной

Для продолжения формирования заявленных компетенций необходимы знания

предшествующих дисциплин: Начертательная геометрия и инженерная графика (УК-1), Информационные технологии (ОПК-1)

Изучаемая дисциплина является основой для продолжения формирования указанных компетенций в следующих дисциплинах: Физика (УК-1), Химия (УК-1), Физика (ОПК-1), Химия (ОПК-1), Цифровые технологии и компьютерное проектирование в АПК (ОПК-1); государственной итоговой аттестации в форме: Выполнение и защита выпускной квалификационной работы (УК-1), Выполнение и защита выпускной квалификационной работы (ОПК-1)

Раздел 3. ОПИСАНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

Для формирования заявленных компетенций используются методологические технологии, реализующие деятельностный, личностно-ориентированный, практико-ориентированный подходы.

Основными стратегическими технологиями являются: исследовательские, лекционные занятия, практические занятия, процедуры самообучения

На достижение конкретных целей обучения направлены применяемые тактические технологии: задания, классическая лекция

Раздел 4. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

1 семестр

Виды и темы занятий	Количество часов	Формируемые компетенции
Элементы линейной алгебры	14	ОПК-1, УК-1
Лекция. Понятие матрицы. Квадратные матрицы. Определители 2-го и 3-го порядка. Миноры. Алгебраические дополнения. Разложение определителя по элементам первой строки. Определители n-го порядка	2	
Практическое занятие. Системы линейных уравнений, основные понятия (решение, совместные, несовместные, определенные, неопределенные, однородные, неоднородные). Правило Крамера, теорема Крамера. Матричная запись и решение в матричной форме систем линейных уравнений. Теорема Кронекера-Капелли. Решение произвольных систем линейных уравнений методом Гаусса. Условие существования нетривиального решения однородной системы.	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и контрольных работ.	10	
Элементы векторной алгебры	12	ОПК-1, УК-1
Лекция. Векторы, основные понятия. Равенство векторов. Линейные операции с векторами, свойства. Орт вектора. Теорема (признак коллинеарности векторов в геометрической форме). Проекция точки, вектора на ось. Составляющая вектора. Свойства проекций. Прямоугольная система координат. Координаты точки и вектора. Для векторов,	2	

заданных своими координатами: условие равенства, линейные операции, признак коллинеарности. Скалярное произведение, его свойства, запись в координатной форме. Векторное и смешанное произведение.		
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и контрольных работ.	10	
Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве	12	ОПК-1, УК-1
Практическое занятие. Линии в пространстве. Прямая линия, общее уравнение прямой, каноническое, векторное и параметрическое. Взаимное расположение прямых и плоскостей. Условие параллельности и перпендикулярности прямой с плоскостью. Угол между прямой и плоскостью. Пересечение прямой и плоскости.	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и контрольных работ.	10	
Введение в математический анализ	12	ОПК-1, УК-1
Лекция. Понятие окрестности точки. Бесконечно малые функции и их свойства. Предел функции в точке и на бесконечности. Асимптотическое разложение функции, имеющей предел. Горизонтальная асимптота графика функции. Основные теоремы о пределах: предел постоянной, предел суммы, произведения и частного двух функций. Предел сложной функции. Теоремы об ограниченности функции, имеющей предел, о сохранении знака функции и ее предела, о предельном переходе в неравенстве, о пределе сложной функции. Сравнение бесконечно малых функций. Эквивалентные бесконечно малые функции и их свойства. Первый и второй замечательные пределы и следствия из них. Таблица эквивалентных бесконечно малых. Односторонние пределы. Непрерывность функции в точке. Асимптотическое выражение для непрерывной функции в малой окрестности точки. Свойства функций, непрерывных в точке. Замечательные пределы.	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и контрольных работ.	10	
Дифференциальное исчисление функции одной	24	ОПК-1, УК-1

переменной		
Практическое занятие. Линейная аппроксимация (линеаризация) функции в окрестности точки. Определение дифференцируемой функции. Приращение функции и дифференциал. Связь между дифференцируемостью и непрерывностью функции. Производная функции, ее прикладной смысл в различных задачах. Алгоритм нахождения дифференциала и производной. Связь между дифференцируемостью функции и существованием у нее производной. Дифференцирование функций. Техника дифференцирования. Геометрические приложения производной. Дифференциал независимой переменной. Производная как отношение дифференциалов. Понятие касательной к кривой. Геометрический смысл производной и дифференциала. Уравнение касательной и нормали к графику функции. Производная и дифференциал суммы, произведения, частного функций. Производная и дифференциал сложной функции. Инвариантность формы первого дифференциала. Производная обратной функции. Логарифмическая производная. Метод логарифмического дифференцирования. Дифференцирование неявной функции. Применение линейной аппроксимации функции к приближенным вычислениям. Производные и дифференциалы высших порядков. Теорема Ферма. Теорема Ролля, Лагранжа и Коши, их геометрический смысл. Правило Лопиталя.	2	
Самостоятельная работа. Возрастание и убывание функции. Точки экстремума функции. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке. Выпуклость, вогнутость графика функции. Точки перегиба. Общая схема исследования	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и контрольных работ.	20	
Иная контактная работа:	0	

2 семестр

Виды и темы занятий	Количество часов	Формируемые компетенции
Комплексные числа	17	ОПК-1, УК-1
Практическое занятие. Комплексные числа, арифметические действия над комплексными числами в алгебраической форме. Изображение комплексных чисел на плоскости (точечная и векторная интерпретация). Модуль и аргумент комплексного числа. Тригонометрическая форма комплексного числа. Умножение и деление комплексных чисел в тригонометрической форме и их геометрическая интерпретация. Возведение в степень. Извлечение корня из комплексного числа в тригонометрической форме.	2	

Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР		
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР		
Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и контрольных работ.	15	
Интегральное исчисление. Неопределенный интеграл	19	ОПК-1, УК-1
Лекция. Первообразная функция. Теорема о разности двух первообразных. Неопределенный интеграл. Таблица простейших интегралов. Основные свойства интеграла. Инвариантность вида интеграла от выбора аргумента (принцип подведения под знак дифференциала). Основные методы интегрирования: разложения, интегрирования подстановкой (тригонометрические подстановки), интегрирование по частям. Интегрирование выражений, содержащих квадратный	2	
Практическое занятие. Интегрирование дробно-рациональной функции. Интегрирование тригонометрических функций. Интегрирование иррациональных функций.	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР		
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР		
Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и контрольных работ.	15	
Определенный интеграл по фигуре	17	ОПК-1, УК-1
Лекция. Определенный интеграл по отрезку, его геометрический смысл. Свойства определенного интеграла, теорема об оценке интеграла, о среднем значении. Интеграл с переменным верхним пределом. Теорема Барроу. Формула Ньютона-Лейбница. Интегрирование по частям и замена переменной. Геометрические приложения определенного интеграла.	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР		
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР		
Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и контрольных работ.	15	
Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных	19	ОПК-1, УК-1
Лекция. Область определения функции двух переменных. Предел и непрерывность. Частные производные и дифференциалы. Их геометрический смысл. Полное приращение функции нескольких переменных. Приращение линейной функции, линейная аппроксимация функции в окрестности точки. Дифференцируемость. Полный дифференциал. Необходимые и достаточные условия дифференцируемости. Применение полного дифференциала к оценке погрешности. Частные производные высших порядков.	2	

Равенство смешанных производных. Производная функции, заданной неявно. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Экстремум функции двух переменных. Необходимое условие экстремума и его геометрический смысл. Достаточное условие экстремума. Абсолютный экстремум и алгоритм нахождения.		
Практическое занятие. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Экстремум функции двух переменных.	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР		
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР		
Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и контрольных работ.	15	
Иная контактная работа:	0	
Подготовка к экзамену	30	
Проведение экзамена	6	

3 семестр

Виды и темы занятий	Количество часов	Формируемые компетенции
Дифференциальные уравнения и системы дифференциальных уравнений	34	ОПК-1, УК-1
Лекция. . Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Основные определения. Дифференциальные уравнения первого порядка. Начальные условия. Задача Коши. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. Общее и частное решение дифференциального уравнения. Семейство интегральных кривых. Методы интегрирования дифференциальных уравнений: с разделенными и разделяющимися переменными. Однородные дифференциальные уравнения 1-го порядка. Линейные дифференциальные уравнения 1-го порядка. Уравнение Бернулли.	2	
Практическое занятие. Уравнения, допускающие понижение порядка. Линейные однородные уравнения с постоянными коэффициентами. Линейные неоднородные уравнения с постоянными коэффициентами. Метод вариации постоянных.	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР		
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР		
Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и контрольных работ.	30	
Числовые и функциональные ряды.	32	ОПК-1, УК-1
Практическое занятие. Числовые ряды. Сходимость и сумма ряда. Геометрическая прогрессия. Гармонический ряд. Свойства числовых рядов. Необходимый признак сходимости. Ряды с положительными членами. Достаточные признаки сходимости рядов Даламбера, Коши, признаки сравнения. Предельный признак сравнения рядов. Интегральный признак	2	

сходимости. Знакопеременные ряды. Степенные ряды.		
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР		
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР		
Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и контрольных работ.	30	
Кратные и криволинейные интегралы	42	ОПК-1, УК-1
Практическое занятие. Двойной интеграл. Основные понятия и определения. Геометрический и физический смысл двойного интеграла. Основные свойства двойного интеграла.	2	
Вычисление двойного интеграла в декартовых координатах.		
Вычисление двойного интеграла в полярных координатах.		
Приложения двойного интеграла. Тройной интеграл. Основные понятия. Вычисление тройного интеграла в декартовых координатах. Замена переменных в тройном интеграле.		
Некоторые приложения тройного интеграла.		
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР		
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР		
Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и контрольных работ.	40	
Иная контактная работа:	0	
Подготовка к экзамену	30	
Проведение экзамена	6	

Раздел 5. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ

Изучение дисциплины Математика рекомендуется начать с ознакомления с рабочей программой, ее структурой и содержанием разделов. Учебный материал структурирован, изучение дисциплины осуществляется в тематической последовательности. **Занятия лекционного типа** дают систематизированные знания по дисциплине Математика, концентрируют внимание на наиболее сложных и важных вопросах. Во время лекционных занятий рекомендуется вести конспектирование учебного материала; обращать внимание на формулировки и категории, раскрывающие суть проблемы, явления или процесса; зафиксировать выводы и практические рекомендации. Подготовка к **занятиям семинарского типа** включает ознакомление с планом **практического** занятия; работу с конспектом лекций, выполнение домашнего задания, работу с учебной и учебно-методической литературой, научными изданиями и электронными образовательными ресурсами, рекомендованными рабочей программой дисциплины **Математика**.

Содержание **самостоятельной работы** определяется рабочей программой дисциплины **Математика**, оценочными и методическими материалами, заданиями и указаниями преподавателя. Самостоятельная работа может осуществляться в аудиторной и внеаудиторной формах. Эффективным средством осуществления самостоятельной работы является электронная информационно-образовательная среда университета, которая обеспечивает доступ к образовательной программе, рабочей программе дисциплины **Математика**, к электронным библиотечным системам, профессиональным базам данных и информационным справочным системам.

Изучение дисциплины **Математика** включает выполнение **контрольной работы**. Периодичность проведения, формы текущего контроля успеваемости, система оценивания хода освоения дисциплин представлены в рабочей программе. Формой промежуточной аттестации по дисциплине **Математика** является **экзамен**.

Раздел 6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ И УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

6.1. Учебно-методическое обеспечение

№№ п/п	Список используемой литературы	Количество экземпляров печатных изданий, имеющих в библиотеке, или электронный адрес издания (ресурса) в сети Интернет
УЧЕБНЫЕ, УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ И НАУЧНЫЕ ИЗДАНИЯ		
1.	Натансон, И. П. Краткий курс высшей математики [Электронный ресурс] : учебное пособие / И. П. Натансон. 10-е изд., стер. Санкт-Петербург: Лань, 2022. - 736 с. ISBN 978-5-8114-0123-9.	https://e.lanbook.com/book/210320
2.	Берман, Г. Н. Сборник задач по курсу математического анализа [Электронный ресурс] / Берман Г.Н. 10-е изд., стереотип. Москва: Лань, 2023. - 492 с. ISBN 978-5-8114-9878-9.	https://e.lanbook.com/book/386402
3.	Сборник задач по высшей математике [Текст] : (с контрольными работами). 1 курс : [Линейная алгебра. Аналитическая геометрия. Основы математического анализа. Комплексные числа : учеб. пособие для студентов вузов по направлениям и специальностям в обл. техники и технологии] / К. Н. Лунгу, Д. Т. Письменный, С. Н. Федин, Ю. А. Шевченко. 4-е изд. Москва: Айрис-пресс, 2005. - 574 с. ISBN 5-8112-1498-7.	26
4.	Сборник задач по высшей математике [Текст] : (с контрольными работами). 2 курс : ряды и интегралы, векторный и комплексный анализ, дифференциальные уравнения, теория вероятностей, операционное исчисление : [учеб. пособие] / К. Н. Лунгу, В. П. Норин, Д. Т. Письменный, Ю. А. Шевченко ; под ред. С. Н. Федина. 3-е изд., испр. Москва: Айрис-пресс, 2005. - 589 с. ISBN 5-8112-1496-0. Экземпляры: всего 49.	49
5.	Письменный, Дмитрий Трофимович. Конспект лекций по высшей математике [Текст] : [полный курс лекций] / Д. Т. Письменный. 8-е изд. Москва: АЙРИС-ПРЕСС, 2009. - 602, [1] с. ISBN 978-5-8112-3480-6. Экземпляры: всего 30.	30
ЭЛЕКТРОННЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ		
1.	Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU	http://elibrary.ru
2.	Научная электронная библиотека «Киберленинка»	http://cyberleninka.ru
3.	Юрайт. Образовательная платформа для университетов и колледжей	https://urait.ru/
ПРОФЕССИОНАЛЬНЫЕ БАЗЫ ДАННЫХ И ИНФОРМАЦИОННЫЕ СПРАВОЧНЫЕ СИСТЕМЫ		

1.	Справочно-правовая система Консультант+	http://www.consultant.ru
2.	Профессиональные справочные системы Техэксперт	http://www.cntd.ru

6.2. Материально-техническая база и программное обеспечение

№№ п/п	Аудитории для проведения учебных занятий, самостоятельной работы и проведения государственной итоговой аттестации	Перечень основного оборудования	Программное обеспечение
-----------	---	---------------------------------	-------------------------

Раздел 7. ФОРМЫ КОНТРОЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ/ ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

Критерии оценивания индикаторов достижения компетенций направлены на:

- усвоение теоретического материала (объем знаний, глубина усвоения), предусмотренного рабочей программой;
- умение излагать материал (четкость, грамотность изложения материала, точность и полнота воспроизведения учебного материала);
- умение применять теоретические знания при решении практических заданий.

Шкала оценивания представлена ниже.

Уровень сформированности элементов компетенции	Критерии оценивания	Шкала оценивания
Пороговый уровень	Обучающийся имеет знания основного материала, проявляет умение логично его излагать, но может допускать неточности в изложении материала, недостаточно правильные формулировки, испытывает затруднения в выполнении практических заданий.	удовлетворительно
Продвинутый уровень	Обучающийся твердо знает программный материал, излагает его грамотно и по существу, не допускает существенных неточностей в ответе на вопрос, правильно применяет теоретические положения при решении практических вопросов и задач, владеет необходимыми навыками и приемами их выполнения	хорошо
Высокий уровень	Обучающийся глубоко и прочно усвоил программный материал, грамотно и логически стройно его излагает, дает исчерпывающие ответы на поставленные вопросы. В ответе тесно увязывается теория с практикой, при этом обучающийся не затрудняется с ответом при видоизменении задания, свободно справляется с задачами, вопросами и другими видами применения знаний, показывает знакомство с монографической литературой, периодическими изданиями, правильно обосновывает принятые решения, свободно владеет разносторонними навыками, приемами выполнения практических работ	отлично

7.1. Промежуточная аттестация обучающихся

Промежуточная аттестация обучающихся направлена на оценивание результатов обучения по дисциплине (модулю) и проводится с использованием фондов оценочных средств.

Примеры типовых контрольных заданий из базы фонда оценочных средств по образовательной программе.

1 семестр

Контрольная работа №1

1. Вычислите определитель
2. Найдите матрицу, обратную данной
3. Решите систему методом Гауса

Контрольная работа №2

1. Даны координаты вершин треугольника ABC. Найти: 1) длину стороны BC; 2) уравнение линии BC; 3) уравнение высоты, проведенной из точки A; 4) величину угла B; 5) систему неравенств, определяющую треугольник ABC. Сделать чертеж. A (6,2), B (30,-5), C (12,19)
2. Даны координаты вершин пирамида ABCD. Требуется найти: 1) длину ребра AB, 2) угол между ребрами AB и AD, 3) проекцию вектора AC на вектор AD, 4) уравнение прямой AB, 5) уравнение плоскости ABC,. Сделать чертеж. A (3,1,4); B (-1,6,1); C (-1,1,6); D (0,4,-1)

Контрольная работа №3

1. Вычислите пределы
2. Исследуйте функцию на непрерывность
3. Найдите производную функции в точке

2 семестр

Контрольная работа №4

1. Найдите неопределённые интегралы
2. Найдите интеграл от дробно-рациональной функции
3. Вычислите определённые интегралы
4. Найдите площадь фигуры, ограниченной линиями

Контрольная работа №5.

1. Решите дифференциальные уравнения 1 порядка
2. Решите дифференциальные уравнения 2 порядка
3. Найдите общее решение дифференциального уравнения с постоянными коэффициентами

3 семестр

Контрольная работа №6.

1. Исследуйте ряды на сходимость
2. Найдите область сходимости ряда
3. Вычислите интеграл

Контрольная работа №7.

1. Поменяйте пределы интегрирования в двойном интеграле
2. Вычислите двойной интеграл
3. Вычислите криволинейный интеграл I рода.

Перечень вопросов для проведения промежуточной аттестации

2 семестр

Вопросы для экзамена

1. Что такое определитель? При каких преобразованиях величина определителя не меняется?
2. В каких случаях определитель равен нулю? Что следует из равенства определителя нулю?
3. Дайте определение минора и алгебраического дополнения элемента определителя. Сформулируйте правило вычисления определителя.
4. Как осуществляются линейные операции над матрицами?
5. Как перемножаются две матрицы? Свойства произведения матриц.
6. Какова схема нахождения обратной матрицы?
7. Дайте определения решения системы линейных алгебраических уравнений.
8. Расшифруйте понятия «совместная», «несовместная», «определённая», «неопределённая» системы.
9. Напишите формулы Крамера. В каком случае они применимы?
10. Что называется рангом матрицы? Как он находится?
11. Сформулируйте теорему Кронекера – Капелли.
12. При каких условиях система линейных алгебраических уравнений имеет множество решений? Когда она имеет единственное решение?
13. Опишите метод Гаусса решения систем линейных уравнений.
14. Какие неизвестные называются свободными, а какие базисными?
15. Какие особенности решения однородных систем линейных алгебраических уравнений Вы знаете?
16. Как строится фундаментальная система решений?
17. Как выполняются линейные операции над векторами? Каковы свойства этих операций?
18. Какие вектора называются линейно зависимыми, а какие линейно независимыми?
19. Что такое базис? Какие вектора образуют базис на плоскости и в пространстве?
20. Какой базис называют декартовым?
21. Что такое координаты вектора?
22. Что называется скалярным произведением векторов? Каковы его свойства?
23. Что называется векторным произведением векторов? Каковы его свойства?

24. Что называется смешанным произведением векторов? Каковы его свойства?
25. Запишите в векторной и координатной формах условия коллинеарности, ортогональности и компланарности векторов.
26. Прямая линия на плоскости, её общее уравнение.
27. Дайте понятие нормального и направляющего векторов прямой на плоскости, углового коэффициента.
28. Запишите различные виды прямой и укажите геометрический смысл параметров уравнения.
29. Запишите условия параллельности и перпендикулярности прямых на плоскости в случае различных видов уравнений прямых.
30. Как найти точку пересечения прямых на плоскости?
31. Как вычисляется расстояние от точки до прямой на плоскости?
32. Дайте определение эллипса и запишите его каноническое уравнение.
33. Дайте определение гиперболы и запишите её каноническое уравнение.
34. Дайте определение параболы и запишите её каноническое уравнение.
35. Изложите схему приведения общего уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.
36. Дайте понятие полярной системы координат.
37. Опишите параметрический способ построения линий на плоскости.
38. Плоскость, её общее уравнение.
39. Как определяется взаимное расположение плоскостей? Запишите условия параллельности и перпендикулярности плоскостей.
40. Как вычисляется расстояние от точки до плоскости?
41. Запишите различные виды уравнений прямой в пространстве и поясните смысл параметров, входящих в уравнения.
42. Изложите схему приведения общих уравнений прямой к каноническому виду.
43. Как определить взаимное расположение прямых в пространстве?
44. Как вычисляется расстояние от точки до прямой в пространстве?
45. Как определить взаимное расположение прямой и плоскости?
46. Как ищется точка пересечения прямой и плоскости?
47. Назовите поверхности второго порядка и напишите их канонические уравнения.
48. Арифметические операции над вещественными числами и их упорядочение. Непрерывность множества вещественных чисел.
49. Ограниченные числовые множества, максимумы, минимумы. Символы математической логики, их использование.
50. Числовая последовательность. Определение, способы задания, арифметические действия, ограниченные и неограниченные числовые последовательности.
51. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности: определения и их основные

свойства.

52. Сходящиеся последовательности. Предел числовой последовательности.
53. Монотонные последовательности.
54. Функция, способы задания. Область определения. Область значений. Периодичность. График функции и уравнение графика функции.
55. Классификация функций. Четные, нечетные функции.
56. Бесконечно малая функция в точке.
57. Свойства бесконечно малых функций.
58. Предел функции в точке.
59. Свойства пределов функций.
60. Бесконечно большая функция. Связь бесконечно малой и бесконечно большой функций.
61. Первый замечательный предел. Следствия.
62. Второй замечательный предел. Следствия.
63. Раскрытие неопределенностей.
64. Односторонние пределы.
65. Непрерывность функции в точке. Классификация точек разрыва.
66. Определение производной. Геометрический смысл производной. Физический смысл производной.
67. Основные правила вычисления производных и дифференциалов.
68. Правило дифференцирования сложной функции.
69. Таблица производных.
70. Производные высших порядков.
71. Механический смысл второй производной.
72. Приложение дифференциала к приближенным вычислениям.
73. Правило Лопиталя раскрытия неопределенностей.
74. Достаточные признаки (условия) монотонности дифференцируемой функции.
75. Точки экстремума и экстремум функции. Необходимое условие экстремума дифференцируемой функции.
76. Достаточное условие экстремума дифференцируемой функции.
77. Выпуклость и вогнутость графика функции. Точки перегиба.
78. Асимптоты графика функции: вертикальные, горизонтальные, наклонные.
79. Общая схема исследования функции. Построение графиков функций.

3 семестр

Вопросы для экзамена

1. Понятие комплексного числа. Геометрическая интерпретация комплексного числа.
2. Модуль и аргумент комплексного числа. Комплексно-сопряженные числа.
3. Алгебраическая форма записи комплексного числа. Действия над комплексными числами в алгебраической форме. Операция сопряжения.
4. Тригонометрическая форма записи комплексного числа. Действия над комплексными числами в тригонометрической форме.
5. Показательная форма записи комплексного числа. Действия над комплексными числами в показательной форме.
6. Возведение комплексного числа в степень.
7. Что называется первообразной данной функции? Теорема о первообразных. Дайте определение неопределенного интеграла. В чем состоит основная задача интегрального исчисления?
8. Каковы основные свойства неопределенного интеграла? Таблица основных интегралов.
9. Опишите метод замены переменной в неопределенном интеграле.
10. Метод интегрирования по частям. Назовите классы функций, интегрируемых по частям.
11. Разложение многочлена на линейные и квадратные множители с действительными коэффициентами.
12. Определение кратности корня многочлена.
13. Разложение рациональной дроби на целую часть и элементарные дроби.
14. Какие дроби называются простейшими? Интегрирование простейших рациональных дробей.
15. Как разложить правильную рациональную дробь на простейшие?
16. Интегрирование дробно-рациональных функций.
17. Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла (задача о массе фигуры, задача о площади криволинейной трапеции).
18. Понятие интегральной суммы. Алгоритм ее составления. Определение определенного интеграла по отрезку. Условие его существования.
19. Геометрический смысл определенного интеграла по отрезку.
20. Физический смысл определенного интеграла.
21. Свойства определенного интеграла. Теорема о среднем.
22. Определенный интеграл и его вычисление. Формула Ньютона-Лейбница.
23. Замена переменной в определенном интеграле по отрезку.
24. Интегрирование по частям в определенном интеграле по отрезку.
25. Геометрические приложения определенного интеграла: вычисление площадей плоских фигур, длины дуги, объема тела по известным поперечным сечениям, вычисление объема тела вращения.
26. Физические и механические приложения определенного интеграла. Вычисление масс, координат центров тяжести, масс плоских областей.
27. Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования (1-го рода).

28. Несобственные интегралы от неограниченных функций (2-го рода).
29. Что называется функцией двух и более переменных. Укажите способы их задания.
30. Область определения функции двух и трех переменных. Как она изображается геометрически?
31. График функции двух переменных.
32. Предел функции двух переменных в точке.
33. Непрерывность функции двух переменных. Точки и линии разрыва функции двух переменных.
34. Что называется частным и полным приращением функции?
35. Дайте определение частных производных. Как вычисляются частные производные?
36. Каков геометрический смысл частных производных.
37. Дифференцируемые функции. Полный дифференциал функции двух переменных.
38. Его приложения к приближенным вычислениям.
39. Частные производные второго порядка. Равенство смешанных частных производных.
40. Экстремум функции двух переменных. Необходимые и достаточные условия экстремума функции двух переменных.
41. Что называется дифференциальным уравнением? Сформулируйте определения порядка дифференциального уравнения, решения уравнения.
42. Изложите методы решения дифференциального уравнения первого порядка: а) с разделяющимися переменными, б) однородных дифференциальных уравнений, в) линейных дифференциальных уравнений.
43. Дайте определения общего и частного решений дифференциального уравнения.
44. В чем состоит задача Коши? Сформулируйте задачу Коши геометрически.
45. Сформулируйте теорему Коши.
46. Дайте геометрическую интерпретацию дифференциального уравнения первого порядка.
47. Каков общий вид дифференциального уравнения второго порядка и его общего решения?
48. Сформулируйте задачу Коши и теорему Коши для уравнений второго порядка.
49. Изложите методы решений уравнений второго порядка, допускающих понижение порядка (три случая).
50. Каков общий вид однородного дифференциального уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами? Сформулируйте теорему о структуре общего решения такого уравнения.
51. Сколько и каких корней имеет характеристическое уравнение?
52. Какой вид имеет общее решение линейного однородного дифференциального уравнения для каждого из трех случаев корней характеристического уравнения?
53. Каков общий вид линейного неоднородного дифференциального уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами? Сформулируйте теорему о структуре общего решения такого уравнения.

54. Решение линейных неоднородных дифференциальных уравнений II порядка с постоянными коэффициентами со специальной правой частью.
55. Решение систем линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами.
56. Числовые последовательности. Числовой ряд. Основные понятия (сходимость, сумма и др.).
57. Ряд геометрической прогрессии. Сумма ряда геометрической прогрессии.
58. Остаток ряда. Основные свойства сходящихся рядов. Необходимый признак сходимости. Следствие, достаточный признак расходимости числовых рядов.
59. Ряды с положительными членами. Достаточные признаки сходимости знакоположительных рядов (перечислить все признаки).
60. Исследование на сходимость рядов с положительными членами. Признаки сравнения. Эталонные числовые ряды. Гармонический ряд. Обобщенный гармонический ряд.
61. Исследование на сходимость рядов с положительными членами. Признак Даламбера.
62. Исследование на сходимость рядов с положительными членами. Радикальный и интегральный признаки Коши. Сходимость обобщенного гармонического ряда.
63. Знакопеременные ряды. Достаточный признак сходимости знакопеременных рядов. Абсолютная и условная сходимость знакопеременных рядов.
64. Знакопеременные ряды. Признак Лейбница. Остаток знакопеременного ряда и его оценка.
65. Степенные ряды. Теорема Абеля. Структура области сходимости степенного ряда. Интервал и радиус сходимости степенного ряда. Структура области сходимости обобщенного степенного ряда.
66. Нахождение области сходимости степенного ряда.
67. Разложение функций в степенные ряды. Ряды Тейлора и Маклорена. Условия разложимости функции в ряд Тейлора.
68. Разложение в ряд Маклорена некоторых элементарных функций.
69. Двойной интеграл. Определение, механический и геометрический смысл, свойства, теорема существования.
70. Сведение к повторному (Декартова система координат).
71. Переход в двойном интеграле к полярным координатам.
72. Приложения двойного интеграла к задачам механики и физики.
73. Сведение к двойному и обычному определённым интегралам (для цилиндрических брусков).
74. Переход в тройном интеграле к цилиндрическим и сферическим координатам. Приложения тройного интеграла к задачам механики и физики.
75. Криволинейные интегралы 1-го рода. Определение, механический смысл, свойства, теорема существования. Сведение к определённым интегралам.
76. Приложения криволинейного интеграла 1-го рода к решению задач механики и физики.

Пример билета промежуточной аттестации

2 семестр

Поволжский государственный технологический университет

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ №0

по дисциплине «**Математика**»

1. Умножение матрицы на матрицу.
2. Односторонние пределы. Непрерывность функции в точке. Классификация точек разрыва.
3. Задача 1
4. Задача 2

3 семестр

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 0

по дисциплине «**Математика**»

1. Первообразная функции. Теорема о первообразных.
 2. Линейные уравнения 1 порядка.
 - 3.
- Задача 1
4. Задача 2